2019-2020 ild - 1 - 2020 ild - 1 - 2011" · Exercices corrigés étude analytique de l'espace <exercices de bases>

10/ Donner une représentation puramétrique de la droite D(A, u). 2% a-t-on B(0,1,4) €(D)? 3º/ (A) est une droite passant par B est parallèle à (D). Donner une représentation puramétrique de (A)

Solution: 10/ (D):
$$\begin{cases} x = 1-t \\ y = 3 \\ z = -2+5t \end{cases}$$
 (LER)

29 BE (D)
$$\Leftrightarrow$$
 (3 ter) $\begin{cases} x_B = 1 - t \\ y_B = 3 \\ z_B = -2 + 5t \end{cases}$

mais
$$y_B = 1 \neq 3$$
 donc $B \notin (D)$.

39 on a (
$$\Delta$$
) //(D) donc (D) et(Δ)

$$C-\hat{a}-d$$
 $(\Delta) = \Delta(B; \vec{u})$

done:
$$(\Delta)$$
:
$$\begin{cases} x = -t \\ y = 1 \\ z = 4+5t \end{cases}$$

Ex.2: A(-1,0,1), B(3,2,0), C(4,1,1) Verifier que A; Bet C ne sont pas alignés. (عير مستقيمية C عير A)

Solution:

Rappel: (A.B,C) (AB et AC sont)

Colinéaires)

on a:
$$\overrightarrow{AB}\begin{pmatrix} 3-(-1)\\ 2-0\\ 0-1 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AB}\begin{pmatrix} 4\\ 2\\ -1 \end{pmatrix}$$

on calcul les déterminants extraits du tablean 2 1 . on a:

Donc AB et AC ne sont pas colinéaires.

prop: (alignés) (AB=kxAC)

$$\langle + \rangle \left(\exists k \in \mathbb{R} \right) \begin{cases} 4 = 5k \\ 2 = k \\ -1 = 0xk \end{cases}$$

mais - 1 = 0 ; donc :

AB et C ne sont per mis alignés

 $\underline{\mathbf{E}_{\mathbf{x}.\mathbf{3}}}: \overrightarrow{\mathbf{v}} \begin{pmatrix} \mathbf{1} \\ \mathbf{1} \\ 0 \end{pmatrix}; \overrightarrow{\mathbf{v}} \begin{pmatrix} -\mathbf{1} \\ \frac{2}{2} \\ \frac{2}{2} \end{pmatrix}: \overrightarrow{\mathbf{w}} \begin{pmatrix} \mathbf{6} \\ \mathbf{10} \\ \frac{2}{3} \end{pmatrix}$

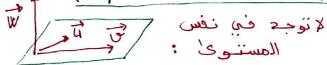
10/ Calculer det (U, v; U).

20/ En déduire que vi vet us ne sort pas coplaraires.

$$= (6-20)+(3-0)+6(2-0)$$

2% on a det(u; v; w) = 1 + 0

donc : { u v et w ne sont pas { { (غير مستوائية) Coplanaires {



Ex. 4: A(5.7,6), B(-2.-3,1) C(3,0,1), D(0,1,1)Montrer que: A.B.C et D ne sont pas coplanaires (include)

Rappel (coplanaires) (AB.BCD) (coplanaires)

del (AB, BC, CD) = 0

donc: (A.B.C.D ne sont pas coplanaires)

(⇒ det (AB, BC, CD) ≠ 0

on détermine AB BC et CD:

 $\overrightarrow{AB}\begin{pmatrix} -2-5\\ -3-7\\ 1-6 \end{pmatrix} \implies \overrightarrow{AB}\begin{pmatrix} -7\\ -40\\ -5 \end{pmatrix}$

 $\overrightarrow{BC} \begin{pmatrix} 3 - (-3) \\ 0 - (-3) \\ 1 - 4 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{BC} \begin{pmatrix} 5 \\ 3 \\ 0 \end{pmatrix}$

 $\overrightarrow{CD} \begin{pmatrix} 0-3 \\ 1-0 \\ 1-1 \end{pmatrix} \implies \overrightarrow{CD} \begin{pmatrix} -3 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$

det $(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{BC}, \overrightarrow{CD}) = \begin{bmatrix} -1 & -1 & -1 \\ -10 & 3 & 1 \\ -5 & 0 & 0 \end{bmatrix}$

 $= -7 \begin{vmatrix} 3 & 1 \\ 0 & 0 \end{vmatrix} - (5) \begin{vmatrix} -10 & 1 \\ -5 & 0 \end{vmatrix} - 3 \begin{vmatrix} -10 & 3 \\ -5 & 0 \end{vmatrix}$

= -7(0-0) - 5(0+5) - 3(0+15)

= 0 - 25 - 45 = -70

Comme clet (AB; BC; CD) = -70 + 0

donc: A, B, C et D ne sont par cuplanaires. و B و C و لا تنسمي إلى نفس المستوى.

Ex.5: A(2,0,3), \overrightarrow{u} $\begin{pmatrix} 1\\4 \end{pmatrix}$ \overrightarrow{v} $\begin{pmatrix} -3\\7\\6 \end{pmatrix}$

19/ Donner une représentation paramétrique du plan: $P(A, \overrightarrow{u}, \overrightarrow{v})$.

29 Donner deux points appartenant à (P)

A et dirigés par 2 et 2.

donc: $(\mathcal{P}): \left\{ \begin{array}{ll} x = 2+t-3\lambda \\ y = t+7\lambda \\ z = 3+4t \quad (t;\lambda) \in \mathbb{R}^2 \end{array} \right.$

2% Pour donner des points appartenant au plan (\mathcal{P}) , il suffit de remplacer t et λ

par des valeurs quelconques, par exemple: t = 1 et $\lambda = 0$

 $\begin{cases} x = 2 + 1 \\ y = 1 \end{cases} \Rightarrow \beta(3,1,7) \in (\mathcal{P})$ $z = 3 + 4 \times 1$

on prend: t=0; $\lambda=1$ on trouve.

 $\begin{cases} x = 2 - 3x1 \\ y = 7x1 \implies C(-1, 7, 3) \in (\mathcal{P}) \\ z = 3 \end{cases}$

 $\frac{E \times .6}{(Q)} = \frac{(Q)}{4\pi}$ plan passant par A(1,1,3) et $\frac{1}{(Q)} = \frac{1}{(Q)} = \frac{1}$

Donner une équation cartésienne de (Q).

Solution : on a:

(Q): ax + by + cz + d = 0

avec: (b) sont les coordonnées

du vecteur normal n; donc:

(2): 2x + 0xy + 4 = 0

and: (Q): 2x + 42 + d= 0

on a: A + (Q) donc les wordonnées de

A vérifient l'éq de (Q); (-à-d)

22 + 4 Z A + d=0

=> 2(1)+4(3)+d=0 => d=-14

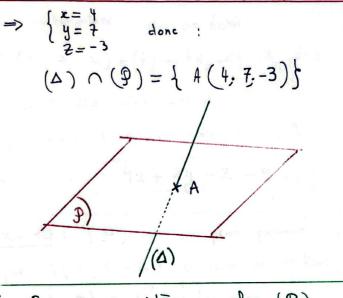
danc: (Q): 2x+4= -14=0

on encore: (Q): x+27-7=0

Ex.7: on considere deux droites. (1) et (1): $(\Delta) \begin{cases} z = 1 + 3\lambda \\ y = 1 + 6\lambda \\ z = -2 - \lambda \end{cases} (\lambda \in \mathbb{R}) (D) : \begin{cases} x = -1 \\ y = 2 + 1 \\ z = 31 \end{cases}$ et le plan (P) d'équation cartésienne: x + &y + & - 15=0 1º/ Montrer que: (D) ⊥ (A) 29/ Determiner (A) N(子). > Solution: 1% Rappel: U _ v → u. v=0 on a: \overrightarrow{u} $\begin{pmatrix} 6 \\ -1 \end{pmatrix}$ directeur de (Δ) et $\frac{1}{2} \begin{pmatrix} -\frac{1}{3} \\ \frac{1}{3} \end{pmatrix}$ directeur de (D) Comme: $\overrightarrow{u} \times \overrightarrow{v} = (3)(4) + (6)(1) + (-1)(3)$ -3+6-3=0donc 11 1 v c-à-1 : (4)1(D) 2º/ Soit M(x; y; Z) un point de l'espace $M \in (\Delta) \cap (\mathcal{P}) \iff \begin{cases} M \in (\Delta) \\ M \in (\mathcal{P}) \end{cases}$ [M vérifie l'éq de (1). M vénisse l'éq de (9). $\begin{cases} x = 1 + 3\lambda \\ y = 1 + 6\lambda \\ z = -2 - \lambda \end{cases} (\lambda \in R).$ \x+2y+Z-15=0 (1+3λ)+2(1+6λ)+(-1-λ)-15=0

$$\begin{array}{l} \boxed{Ex.7}: \text{ on considere deux droites.}(\Delta) + l(D).} \\ (\Delta) \begin{cases} z = 1+3\lambda \\ y = 1+6\lambda \end{cases} & (D). \begin{cases} z = -k \\ y = 2+k \\ z = -k-\lambda \end{cases} & (\lambda \in \mathbb{R}) \end{cases} \\ \text{et } k \text{ plan } (\mathcal{P}) \text{ disjunction} \\ \text{cartissianne:} & z + 2y + 2 - 15 = 0 \end{cases} \\ \text{1st Montrer que:} & (D) \perp (\Delta) \\ \text{2st Montrer que:} & (D) \perp (\Delta) \\ \text{2st Montrer que:} & (D) \perp (\Delta) \\ \text{2st Montrer que:} & (D) \perp (D) \\ \text{on a:} & (C) = 0 \end{cases} \\ \text{on a:} & (C) = 0 \\ \text{on between the action of the$$

12 = -2-1



Ex.8: On considere un plan (9) défini par son équation cartésienne : (9): x-y+3 = -4=0Trouver une représentation purametrique (P)

· Solution ! on a! (9): x-y+32-4=0 (*) on pose: $y = t \ et \ Z = t'; (t,t') \in \mathbb{R}^2$ donc $(*) \Leftrightarrow x-t+3t'+4=0$ tient by x = -4+t-3t'système: (P) $\begin{cases} y = t \\ z = t' \end{cases}$ (t;t') $\in \mathbb{R}^2$ on obtient la

Req: De cette représentation on déduit que (P) passe par le point A (4:0.0) et dirigés par les vecteurs: $\overrightarrow{u}\begin{pmatrix} 1\\ 0\\ 0 \end{pmatrix}$ et $\overrightarrow{v}\begin{pmatrix} -3\\ 0\\ 1 \end{pmatrix}$

Ex.9: Soil (9) un plan déterminé pur sa représentation puramétrique:

$$(P): \begin{cases} x=1+t-t', \\ y=2-t+2t' \\ z=-1+2t' \\ (t,t') \in \mathbb{R}^{n} \end{cases}$$

Donner une équation cartésienne du plan (9).

Solution: on a! $\begin{cases} x = 1+t-t' \\ y = x-t+zt' \end{cases}$ (=-1 +2t (t,t') ER2 donc A(1;2;-1) E(9) et $U(-\frac{1}{2})$; $U(-\frac{1}{2})$ sont dear vecteurs directeurs de (P). dessin suivant n en utilisant le on remarque que: n」 d o n l o ou n'(g) ut le vecteur normal on doit déterminer les coordonnées de n', car l'éq cartésienne de (9) sécrit: ax+by+cz+d=0 (*) on a donc: $\vec{n} \perp (f) \Rightarrow \begin{cases} \vec{n} \perp \vec{u} \\ \vec{n} \perp \vec{v} \end{cases}$ $\Rightarrow \begin{cases} \overrightarrow{n} \times \overrightarrow{u} = 0 \\ \overrightarrow{n} \times \overrightarrow{v} = 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a - b + 2c = 0 \\ -a + 2b = 0 \end{cases}$ $\Rightarrow \begin{cases} a = b - 2c \\ a = 2b \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 2b = b - 2c \\ a = 2b \end{cases}$ $\Rightarrow \begin{cases} b = -2c \\ a = 2b = 2x(-2c) = -4c \end{cases}$ donc: $\overrightarrow{n} \begin{pmatrix} -4c \\ -2c \end{pmatrix}$; $c \in \mathbb{R}$ m + o donc: c + o. on prend par exemple C = -1; donc? $\overrightarrow{n} \begin{pmatrix} 4 \\ 2 \\ -1 \end{pmatrix}$ on remplace dans lég: (*) (3): 4x+2y-7+d=0

Pour déterminer d on évil :

A $(1:2;-1) \in (P) \Rightarrow 4x_A + 2y_A - 2x_A + d = 0$ $\Rightarrow 4(1) + 2(2) - (-1) + d = 0$ $\Rightarrow 4 + 4 + 1 + d = 0 \Rightarrow d = -9$ Jonc: $(P): 4x + 2y - 2x_B = 0$

Ex. 10: (P) est un plan passant

par A(3;1,-2) et dont un vecteur

normal est n'(1).

1% Donner une équation cartésienne de (P).

2% Vérifier que: B(1,-1,-1) e (P)

C(1;-1;0) & (P)

3% Donner une représentation puramétrique

de la droite (D): present

tille que: { C \in (D) \in (P)

Solution: Soit M(x, y, Z) un point de l'espace. on a: $M \in (f) \Leftrightarrow \overrightarrow{AM} \perp \overrightarrow{n}$ $\Leftrightarrow \overrightarrow{AM} \cdot \overrightarrow{n} = 0$ $\Leftrightarrow \overrightarrow{AM} \cdot \overrightarrow{n} = 0$ avec: \overrightarrow{n} $\begin{pmatrix} 1\\1\\4 \end{pmatrix}$ et \overrightarrow{AM} $\begin{pmatrix} 2-3\\y-1\\1 \end{pmatrix}$ donc : M (P) (> 1(x-3) + 1(y-1) + 4(2+2)=0 on trouve: (9): x+y+42+4=0 29/ $B(1-1,-1) \in (P) \Leftrightarrow x_{R} + y_{R} + 4z_{R} + 4 = 0$ €> 0=0. cette égalité ust vraie donc on a bien: B & (9)

om a: $x_{C} + y_{C} + 4z_{C} + 4 = 1 - 1 + 0 + 4 = 4 \neq 0$ donc: $C(1 - 1 ; 0) \neq (P)$ zyom a: $(D) \perp (P)$ zy zy

E.X.11: A(0,0,1), B(-1,2,0), C(1,1,1)

1°/ Montrer que A, B et C ne sont pas
alignés.

2°/ Donner une équation cartérienne
du plan: (ABC).

Solution: $\overrightarrow{AB} \begin{pmatrix} -1 - 0 \\ 2 - 0 \\ 0 - 1 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AB} \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \\ -1 \end{pmatrix}$ $\overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 - 0 \\ 1 - 1 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$ $\overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 - 0 \\ 1 - 1 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$ $\overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 - 0 \\ 1 - 1 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$ $\overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 - 0 \\ 1 - 1 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$ $\overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 - 0 \\ 1 - 1 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$ $\overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 - 0 \\ 1 - 1 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$ $\overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 - 0 \\ 1 - 1 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$ $\overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 - 0 \\ 1 - 1 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$ $\overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 - 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$ $\overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 - 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$ $\overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 - 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$ $\overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 - 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$ $\overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 - 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$ $\overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 - 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$ $\overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 - 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix}$

Reg: trois points qui ne sont pas alignés forment toujours un plan, donc: (ABC) est un plan passant par le point A et dirigés pur les deux vecteurs AB et AC.

2 / A.B.C non alignés => A.Bet C forment un plan (A BC) Soil M(x; y; Z) un point de l'espace. M € (ABC) ⇒ (A,B; C et M sont)

coplanaires (AM; AB; Ac) = 0 $\Rightarrow \begin{vmatrix} x-0 & -1 & 1 \\ y-0 & 2 & 1 \\ 2-1 & -1 & 0 \end{vmatrix} = 0$ €> x (0+1)+(0-(2-1))+(-y - 2 (2-1))=0 donc: (ABC) x-y-32+3=0